

# Correctievoorschrift HAVO

# 2025

tijdvak 1

## wiskunde B

Het correctievoorschrift bestaat uit:

- 1 Regels voor de beoordeling
- 2 Algemene regels
- 3 Vakspecifieke regels
- 4 Beoordelingsmodel
- 5 Aanleveren scores
- 6 Bronvermeldingen

### 1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 3.21, 3.24 en 3.25 van het Uitvoeringsbesluit WVO 2020.

Voorts heeft het College voor Toetsen en Examens op grond van artikel 2 lid 2d van de Wet College voor toetsen en examens de Regeling beoordelingsnormen en bijbehorende scores centraal examen vastgesteld.

Voor de beoordeling zijn de volgende aspecten van de artikelen 3.21 t/m 3.25 van het Uitvoeringsbesluit WVO 2020 van belang:

- 1 De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen en het proces-verbaal van het examen toekomen aan de examinerator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinerator past de beoordelingsnormen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door het College voor Toetsen en Examens.
- 2 De directeur doet de van de examinerator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het proces-verbaal en de regels voor het bepalen van de score onverwijld aan de directeur van de school van de gecommiteerde toekomen. Deze stelt het ter hand aan de gecommiteerde.

- 3 De gecommiteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past de beoordelingsnormen en de regels voor het bepalen van de score toe die zijn gegeven door het College voor Toetsen en Examens.  
De gecommiteerde voegt bij het gecorrigeerde werk een verklaring betreffende de verrichte correctie. Deze verklaring wordt mede ondertekend door het bevoegd gezag van de gecommiteerde.
- 4 De examiner en de gecommiteerde stellen in onderling overleg het behaalde aantal scorepunten voor het centraal examen vast.
- 5 Indien de examiner en de gecommiteerde daarbij niet tot overeenstemming komen, wordt het geschil voorgelegd aan het bevoegd gezag van de gecommiteerde. Dit bevoegd gezag kan hierover in overleg treden met het bevoegd gezag van de examiner. Indien het geschil niet kan worden beslecht, wordt hiervan melding gemaakt aan de inspectie. De inspectie kan een derde onafhankelijke corrector aanwijzen. De beoordeling van deze derde corrector komt in de plaats van de eerdere beoordelingen.

## 2 Algemene regels

---

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de regeling van het College voor Toetsen en Examens van toepassing:

- 1 De examiner vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.
- 2 Voor het antwoord op een vraag worden door de examiner en door de gecommiteerde scorepunten toegekend, in overeenstemming met correctievoorschrift. Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 zijn niet geoorloofd.
- 3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:
  - 3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend;
  - 3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend in overeenstemming met het beoordelingsmodel;
  - 3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het beoordelingsmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het beoordelingsmodel;
  - 3.4 indien slechts één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;
  - 3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;
  - 3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of afleiding of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend tenzij in het beoordelingsmodel anders is aangegeven;

- 3.7 indien in het beoordelingsmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord of onderdeel van dat antwoord;
- 3.8 indien in het beoordelingsmodel een gedeelte van het antwoord tussen haakjes staat, behoeft dit gedeelte niet in het antwoord van de kandidaat voor te komen;
- 3.9 indien een kandidaat op grond van een algemeen geldende woordbetekenis, zoals bijvoorbeeld vermeld in een woordenboek, een antwoord geeft dat vakinhoudelijk onjuist is, worden aan dat antwoord geen scorepunten toegekend, of tenminste niet de scorepunten die met de vakinhoudelijke onjuistheid gemoeid zijn.
- 4 Het juiste antwoord op een meerkeuzevraag is de hoofdletter die behoort bij de juiste keuzemogelijkheid. Als het antwoord op een andere manier is gegeven, maar onomstotelijk vaststaat dat het juist is, dan moet dit antwoord ook goed gerekend worden. Voor het juiste antwoord op een meerkeuzevraag wordt het in het beoordelingsmodel vermelde aantal scorepunten toegekend. Voor elk ander antwoord worden geen scorepunten toegekend. Indien meer dan één antwoord gegeven is, worden eveneens geen scorepunten toegekend.
- 5 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 6 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 7 Indien de examinerator of de gecommitteerde meent dat in een examen of in het beoordelingsmodel bij dat examen een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof examen en beoordelingsmodel juist zijn. Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan het College voor Toetsen en Examens. Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het beoordelingsmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.
- 8 Scorepunten worden toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.
- 9 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen.  
Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur.  
De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer.

**NB1** *T.a.v. de status van het correctievoorschrift:*

Het College voor Toetsen en Examens heeft de correctievoorschriften bij regeling vastgesteld. Het correctievoorschrift is een zogeheten algemeen verbindend voorschrift en valt onder wet- en regelgeving die van overheidswege wordt verstrekt. De corrector mag dus niet afwijken van het correctievoorschrift.

NB2 *T.a.v. het verkeer tussen examiner en gecommiteerde (eerste en tweede corrector):*  
Het aangeven van de onvolkomenheden op het werk en/of het noteren van de behaalde scores bij de vraag is toegestaan, maar niet verplicht. Evenmin is er een standaardformulier voorgeschreven voor de vermelding van de scores van de kandidaten. Het vermelden van het schoolexamencijfer is toegestaan, maar niet verplicht. Binnen de ruimte die de regelgeving biedt, kunnen scholen afzonderlijk of in gezamenlijk overleg keuzes maken.

NB3 *T.a.v. aanvullingen op het correctievoorschrift:*

Er zijn twee redenen voor een aanvulling op het correctievoorschrift: verduidelijking en een fout.

*Verduidelijking*

Het correctievoorschrift is vóór de afname opgesteld. Na de afname blijkt pas welke antwoorden kandidaten geven. Vragen en reacties die via het Examenloket bij de Toets- en Examenlijn binnenkomen, kunnen duidelijk maken dat het correctievoorschrift niet voldoende recht doet aan door kandidaten gegeven antwoorden. Een aanvulling op het correctievoorschrift kan dan alsnog duidelijkheid bieden.

*Een fout*

Als het College voor Toetsen en Examens vaststelt dat een centraal examen een fout bevat, kan het besluiten tot een aanvulling op het correctievoorschrift.

Een aanvulling op het correctievoorschrift wordt door middel van een mailing vanuit Examenblad.nl bekendgemaakt. Een aanvulling op het correctievoorschrift wordt zo spoedig mogelijk verstuurd aan de examensecretarissen.

Soms komt een onvolkomenheid pas geruime tijd na de afname aan het licht. In die gevallen vermeldt de aanvulling:

- Als het werk al naar de tweede corrector is gezonden, past de tweede corrector deze aanvulling op het correctievoorschrift toe.  
en/of
- Als de aanvulling niet is verwerkt in de naar Cito gezonden Wolf-scores, voert Cito dezelfde wijziging door die de correctoren op de verzamelstaat doorvoeren.

Dit laatste gebeurt alleen als de aanvulling luidt dat voor een vraag alle scorepunten moeten worden toegekend.

Als een onvolkomenheid op een dusdanig laat tijdstip geconstateerd wordt dat een aanvulling op het correctievoorschrift ook voor de tweede corrector te laat komt, houdt het College voor Toetsen en Examens bij de vaststelling van de N-term rekening met de onvolkomenheid.

### 3 Vakspecifieke regels

---

Voor dit examen zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

- 1 Voor elke rekenfout wordt 1 scorepunt in mindering gebracht tot het maximum van het aantal scorepunten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.
- 2 De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de grafische rekenmachine (GR) gebruiken. Bij de betreffende vragen geven de kandidaten een toelichting waaruit blijkt hoe zij de GR hebben gebruikt.
- 3 De algemene regel 6 geldt niet voor notatiefouten. Voor eenzelfde notatiefout die in de beantwoording van verschillende vragen binnen één opgave meerdere keren voorkomt, wordt slechts één keer 1 scorepunt in mindering gebracht. Dit geldt niet indien dit de vragen aanzienlijk vereenvoudigt en/of als in het beoordelingsmodel anders is vermeld.

NB Een opgave start met een titel en bestaat uit één of meerdere vragen.

- 4a Als bij een vraag doorgerekend wordt met tussenantwoorden die afgerond zijn, en dit leidt tot een ander eindantwoord dan wanneer doorgerekend is met niet afgeronde tussenantwoorden, wordt bij de betreffende vraag één scorepunt in mindering gebracht. Tussenantwoorden mogen wel afgerond genoteerd worden.
- 4b Uitzondering zijn die gevallen waarin door de context wordt bepaald dat tussenantwoorden moeten worden afgerond.

## 4 Beoordelingsmodel

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

### Een parabool

#### 1 maximumscore 4

- $2x^2 + 3x - 4 = 2x - 1$  geeft  $2x^2 + x - 3 = 0$  1
- Beschrijven hoe deze vergelijking exact kan worden opgelost 1
- Hieruit volgt (voor de  $x$ -coördinaten van de snijpunten)  $x = -1\frac{1}{2}$  en  $x = 1$  1
- De bijbehorende  $y$ -coördinaten zijn  $y = -4$  en  $y = 1$  (dus  $A(-1\frac{1}{2}, -4)$  en  $B(1, 1)$ ) 1

#### 2 maximumscore 3

- $f'(x) = 4x + 3$  1
- (De richtingscoëfficiënt van  $l$  is 2, dus de richtingscoëfficiënt van  $k$  is  $-\frac{1}{2}$ , dus) voor  $x_P$  geldt  $f'(x) = -\frac{1}{2}$  (dus de vergelijking  $4x + 3 = -\frac{1}{2}$  moet worden opgelost) 1
- Dit geeft  $x_P = -\frac{7}{8}$  1

#### 3 maximumscore 3

- Vermenigvuldigen ten opzichte van de  $x$ -as met -1 geeft de grafiek van  $y = -(2x^2 + 3x - 4)$  (of een gelijkwaardige vorm) 1
- Daarna vermenigvuldigen ten opzichte van de  $y$ -as met -1 geeft de grafiek van  $g(x) = -(2 \cdot (-x)^2 + 3 \cdot -x - 4)$  (of een gelijkwaardige vorm) 1
- $g(-\frac{1}{4}) = 3\frac{1}{8}$ , dus het punt  $(-\frac{1}{4}, 3)$  ligt niet op de grafiek van  $g$  1

of

- (Terug)vermenigvuldigen van het punt  $(-\frac{1}{4}, 3)$  ten opzichte van de  $y$ -as met -1 geeft een punt met  $x$ -coördinaat  $\frac{1}{4}$  1
- (Terug)vermenigvuldigen van het punt  $(-\frac{1}{4}, 3)$  (of  $(\frac{1}{4}, 3)$ ) ten opzichte van de  $x$ -as met -1 geeft een punt met  $y$ -coördinaat  $-3$  1
- $f(\frac{1}{4}) = -3\frac{1}{8}$ , dus het punt  $(-\frac{1}{4}, 3)$  ligt niet op de grafiek van  $g$  1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

**4 maximumscore 5**

- Een exacte berekening waaruit volgt dat  $x_T = -\frac{3}{4}$  1
- $y_T = f(-\frac{3}{4}) = -5\frac{1}{8}$  1

- (Op basis van symmetrie geldt)  $x_D = -\frac{3}{4} + \frac{2\frac{1}{2}}{2} = \frac{1}{2}$  (of

$$x_C = -\frac{3}{4} - \frac{2\frac{1}{2}}{2} = -2) \quad 1$$

- Dus  $y_D = f(\frac{1}{2}) = -2$  (of  $y_C = f(-2) = -2$ ) 1
- De gevraagde afstand is dus  $(-2 - -5\frac{1}{8}) = 3\frac{1}{8}$  1

of

- Voor  $x_C$  geldt  $2x^2 + 3x - 4 = 2(x + 2\frac{1}{2})^2 + 3(x + 2\frac{1}{2}) - 4$ ; het rechterlid herleiden tot  $2x^2 + 13x + 16$ ; het oplossen van de vergelijking  $2x^2 + 3x - 4 = 2x^2 + 13x + 16$  geeft  $x_C = -2$  1
- Dus  $y_C = f(-2) = -2$  1
- $x_T = -2 + \frac{1}{2} \cdot 2\frac{1}{2} = -\frac{3}{4}$  1
- $y_T = f(-\frac{3}{4}) = -5\frac{1}{8}$  1
- De gevraagde afstand is dus  $(-2 - -5\frac{1}{8}) = 3\frac{1}{8}$  1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

## Watertemperatuur

### 5 maximumscore 4

- $d = \frac{26+14}{2} = 20$  1
- $a = 26 - 20 = 6$  1
- $\frac{226+43}{2} = 134,5$  dus  $c = 135$  (of:  $43 + 0,25 \cdot 365 = 134,25$ , dus  $c = 134$ ) 1
- $b = \frac{2\pi}{365}$  ( $= 0,017214\dots$ ), dus de gevraagde waarde van  $b$  is  $0,01721$  1

#### Opmerking

Wanneer de waarde van  $b$  wordt berekend op basis van een periode gelijk aan  $2 \cdot (226 - 43) = 366$ , hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

### 6 maximumscore 4

- De vergelijking  $12 + 6\sin(0,0172(t-150)) = 16$  moet worden opgelost 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Dit geeft  $t = 192,4\dots$  ( $t = 290,2\dots$  hoort niet bij de eerste dag) 1
- Het eindantwoord: (dagnummer) 193 1

of

- De vergelijking  $12 + 6\sin(0,0172(t-150)) = 16$  moet worden opgelost 1
- Beschrijven hoe een tabel van  $Z$  gemaakt kan worden 1
- Voor  $t = 192$  geldt  $Z = 15,9\dots$  en voor  $t = 193$  geldt  $Z = 16,0\dots$  1
- Het eindantwoord: (dagnummer) 193 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

## Drie punten op een grafiek

### 7 maximumscore 2

Voorbeeld van een juist antwoord:

- Als de waarde van  $x$  heel groot wordt, dan wordt de waarde van  $\sqrt{6x-2}$  ook heel groot 1
- Dan wordt  $\frac{1}{\sqrt{6x-2}}$  bijna 0 (dus is inderdaad de lijn met vergelijking  $y = 0$  de horizontale asymptoot van de grafiek van  $f$ ) 1

### 8 maximumscore 3

- Uit  $\frac{1}{\sqrt{6x-2}} = 2$  volgt  $2\sqrt{6x-2} = 1$  (of  $\frac{1}{6x-2} = 4$ ) 1
- Dus  $4(6x-2) = 1$  (of een gelijkwaardige lineaire vergelijking) 1
- Hieruit volgt  $x_P = \frac{3}{8}$  1

### 9 maximumscore 7

- $f(x) = (6x-2)^{-\frac{1}{2}}$  1
- $f'(x) = -\frac{1}{2}(6x-2)^{-\frac{1}{2}} \cdot 6 = -3(6x-2)^{-\frac{1}{2}}$  2
- $f'(\frac{1}{2}) = -3$  1
- Lijn  $l$  heeft vergelijking  $y = -3x + b$  en gaat door  $Q(\frac{1}{2}, 1)$ , dus  $b = 2\frac{1}{2}$  1
- Uit  $-3x + 2\frac{1}{2} = 0$  volgt  $x_A = \frac{5}{6}$  1
- De oppervlakte van driehoek  $OAB$  is dus  $\frac{1}{2} \cdot \frac{5}{6} \cdot 2\frac{1}{2} = \frac{25}{24}$  1

*Opmerking*

*Voor het tweede antwoordelement mogen uitsluitend 0 of 2 scorepunten worden toegekend, tenzij de enige fout een rekenfout betreft (zie vakspecifieke regel 1). In dat geval mag 1 scorepunt worden toegekend.*

### 10 maximumscore 3

- De vergelijking  $f(x) = x^2$  moet worden opgelost 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Dit geeft ( $x = 0,781\dots$ , dus) de gevraagde waarde  $x_R = 0,78$  1

## Een cirkel met rakende en snijdende lijnen

### 11 maximumscore 5

- Een vergelijking van  $j$  is  $x = 4$  1
- $y_S = (-\frac{2}{3} \cdot 4 + 8) = \frac{16}{3}$  1
- De richtingscoëfficiënt van  $m$  is dus gelijk aan  $\left(\frac{\frac{16}{3}}{4} = \frac{4}{3}\right)$  (dus een vergelijking van  $m$  is  $y = \frac{4}{3}x$ ) 1
- Voor  $Q$  geldt  $\frac{4}{3}x = 8$  1
- Een exacte berekening waaruit volgt  $x_Q = 6$  1

of

- Een vergelijking van  $j$  is  $x = 4$  1
- $y_S = (-\frac{2}{3} \cdot 4 + 8) = \frac{16}{3}$  1
- $RS = \frac{16}{3}$  met  $R$  het snijpunt van  $j$  en de  $x$ -as;  $ST = (8 - \frac{16}{3}) = \frac{8}{3}$  met  $T$  het snijpunt van  $j$  en  $l$  1
- Driehoek  $SQT$  is gelijkvormig met driehoek  $SOR$  met factor  $(\frac{8}{3} : \frac{16}{3}) = \frac{1}{2}$  1
- $QT = 4 \cdot \frac{1}{2} = 2$ , waaruit volgt dat  $x_Q = (4 + 2) = 6$  1

of

- Stel de coördinaten van punt  $Q$  zijn  $(6, 8)$ , dan is  $y = \frac{8}{6}x$  de vergelijking van de lijn door  $O$  en  $Q$  1
- Voor het snijpunt van deze lijn met lijn  $k$  geldt dan  $\frac{8}{6}x = -\frac{2}{3}x + 8$  1
- De  $x$ -coördinaat van het snijpunt is 4 1
- Een vergelijking van  $j$  is  $x = 4$  1
- Het gevonden snijpunt ligt inderdaad op  $j$  (dus geldt  $Q(6, 8)$ ) 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

**12 maximumscore 5**

- De richtingscoëfficiënt van  $n$  is gelijk aan  $\left(\frac{0-8}{12-6}\right) - \frac{4}{3}$  1
  - Lijn  $n$  heeft vergelijking  $y = -\frac{4}{3}x + b$  en gaat door  $P(12, 0)$ , dus  $b = 16$  1
  - (Substitutie van  $y = -\frac{4}{3}x + 16$  in de vergelijking van  $c$  geeft)  
 $(x-4)^2 + \left(-\frac{4}{3}x + 16 - 4\right)^2 = 16$  1
  - De herleiding tot een vergelijking van de vorm  $ax^2 + bx + c = 0$ , zoals  
 $\frac{25}{9}x^2 - 40x + 144 = 0$  1
  - $D = (-40)^2 - 4 \cdot \frac{25}{9} \cdot 144 = 0$  (dus  $c$  en  $n$  hebben één punt  
gemeenschappelijk, dus lijn  $n$  raakt cirkel  $c$ ) 1
- of
- De richtingscoëfficiënt van  $n$  is gelijk aan  $\left(\frac{0-8}{12-6}\right) - \frac{4}{3}$  1
  - Lijn  $n$  heeft vergelijking  $y = -\frac{4}{3}x + b$  en gaat door  $P(12, 0)$ , dus  $b = 16$  1
  - Een berekening waaruit volgt dat  $y = \frac{3}{4}x + 1$  een vergelijking is van de  
lijn loodrecht op  $n$  door het middelpunt  $(4, 4)$  van  $c$  1
  - Een berekening van het snijpunt van deze lijn met lijn  $n$  geeft  $x = \frac{36}{5}$  en  
 $y = \frac{32}{5}$  1
  - $\left(\frac{36}{5} - 4\right)^2 + \left(\frac{32}{5} - 4\right)^2 = 16$  (dus het snijpunt ligt op  $c$ , dus lijn  $n$  raakt  
cirkel  $c$ ) 1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

## De veldleeuwrik

### 13 maximumscore 3

- De groeifactor per jaar is volgens het model 0,95 1
- De groeifactor per 50 jaar is dan  $0,95^{50} = 0,076...$  (of: na 50 jaar is er  $100 \cdot 0,95^{50} = 7,6...%$  over) 1
- 0,076... is groter dan 0,04 (of: 7,6... % is groter dan 4%), dus de uitspraak van de vogelbeschermer is niet juist 1

of

- De groeifactor per 50 jaar is volgens de vogelbeschermer (kleiner dan) 0,04 1
- De groeifactor per jaar is dan (kleiner dan)  $0,04^{\frac{1}{50}} = 0,937...$  (dus jaarlijks is de afname groter dan 6,2...%) 1
- (Een groeifactor per jaar kleiner dan) 0,937... is ongelijk aan 0,95 (of (een afname groter dan) 6,2% is ongelijk aan 5%), dus de uitspraak van de vogelbeschermer is niet juist 1

of

- De vergelijking  $0,95^t = 0,04$  (met  $t$  in jaren vanaf 1990) moet worden opgelost 1
- Dit geeft  $t = 62,...$  1
- Dit is groter dan 50, dus de uitspraak van de vogelbeschermer is niet juist 1

### 14 maximumscore 4

- Er geldt  $58,66 = a \cdot 10^2 + b \cdot 10 + 100$  en  $36,52 = a \cdot 20^2 + b \cdot 20 + 100$  1
- Beschrijven hoe dit stelsel van twee vergelijkingen algebraïsch kan worden opgelost 1
- Hieruit volgt  $a = 0,096$  1
- Dit geeft  $b = -5,094$  1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

## Dezelfde $y$ -coördinaat

### 15 maximumscore 4

- $y_S = f(0) = 7$  1
- $8 - 2^{3x^2 - 6x} = 7$  geeft  $2^{3x^2 - 6x} = 1$  1
- ( $2^0 = 1$ , dus)  $3x^2 - 6x = 0$  1
- Een exacte berekening waaruit volgt  $x_A = 2$  1

of

- Voor de  $x$ -coördinaat van  $A$  moet  $3x^2 - 6x$  dezelfde uitkomst hebben als voor  $x = 0$  1
- De uitkomst van  $3x^2 - 6x$  voor  $x = 0$  is gelijk aan 0 1
- Dus de vergelijking  $3x^2 - 6x = 0$  moet worden opgelost 1
- Een exacte berekening waaruit volgt  $x_A = 2$  1

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

## Driehoeken

### 16 maximumscore 6

- Uit  $\cos(25^\circ) = \frac{AC}{6}$  volgt  $AC = 5,43\dots$  1
- De cosinusregel in driehoek  $ABC$  geeft  

$$AB = \sqrt{5,43\dots^2 + 7^2 - 2 \cdot 5,43\dots \cdot 7 \cdot \cos(25^\circ)} = 3,09\dots$$
 1
- De sinusregel in driehoek  $ABC$  geeft  $\frac{7}{\sin(\angle BAC)} = \frac{3,09\dots}{\sin(25^\circ)}$  1
- Hieruit volgt  $\sin(\angle BAC) = 0,95\dots$  1
- $\angle BAC = 107,03\dots(^\circ)$  ( $72,96\dots^\circ$  voldoet niet) 1
- Dus  $\angle BAD = 107,03\dots - 90 (= 17,03\dots)$ , dus afgerond  $\angle BAD = 17(^\circ)$  1

of

- Uit  $\cos(25^\circ) = \frac{AC}{6}$  volgt  $AC = 5,43\dots$  1
- De cosinusregel in driehoek  $ABC$  geeft  

$$AB = \sqrt{5,43\dots^2 + 7^2 - 2 \cdot 5,43\dots \cdot 7 \cdot \cos(25^\circ)} = 3,09\dots$$
 1
- $\sin(25^\circ) = \frac{AD}{6}$  dus  $AD = 2,53\dots$  1
- De vergelijking  $1^2 = 2,53\dots^2 + 3,09\dots^2 - 2 \cdot 2,53\dots \cdot 3,09\dots \cdot \cos(\angle BAD)$  moet worden opgelost 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Dit geeft  $\cos(\angle BAD) = 0,95\dots$  en afgerond  $\angle BAD = 17(^\circ)$  1

of

- $\angle CDA = 180 - 25 - 90 = 65(^\circ)$ , dus  $\angle BDA = 180 - 65 = 115(^\circ)$  1
- $\sin(25^\circ) = \frac{AD}{6}$  dus  $AD = 2,53\dots$  1
- De cosinusregel in driehoek  $BDA$  geeft  

$$AB = \sqrt{1^2 + 2,53\dots^2 - 2 \cdot 1 \cdot 2,53\dots \cdot \cos(115^\circ)} = 3,09\dots$$
 1
- De sinusregel in driehoek  $BDA$  geeft  $\frac{1}{\sin(\angle BAD)} = \frac{3,09\dots}{\sin(115^\circ)}$  1
- Hieruit volgt  $\sin \angle BAD = 0,29\dots$  1
- Dit geeft afgerond  $\angle BAD = 17(^\circ)$  1

of

| Vraag | Antwoord                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | Scores                                                |
|-------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------|
|       | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Uit <math>\cos(25^\circ) = \frac{AC}{6}</math> volgt <math>AC = 5,43\dots</math></li> <li>• <math>\angle CDA = 180 - 25 - 90 = 65^\circ</math>, dus <math>\angle BDA = 180 - 65 = 115^\circ</math></li> <li>• <math>\angle ABD = 180 - 115 - \alpha = 65^\circ - \alpha</math> (met <math>\angle BAD = \alpha</math>)</li> <li>• De sinusregel in driehoek <math>ABC</math> geeft <math>\frac{5,43\dots}{\sin(65^\circ - \alpha)} = \frac{7}{\sin(90^\circ + \alpha)}</math></li> <li>• Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost</li> <li>• Dit geeft (<math>\alpha = 17,03\dots^\circ</math>, dus) afgerond <math>\angle BAD = 17^\circ</math></li> </ul>                                                                                                                     | <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> |
|       | <p>of</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Uit <math>\cos(25^\circ) = \frac{AC}{6}</math> volgt <math>AC = 5,43\dots</math></li> <li>• De cosinusregel in driehoek <math>ABC</math> geeft<br/> <math display="block">AB = \sqrt{5,43\dots^2 + 7^2 - 2 \cdot 5,43\dots \cdot 7 \cdot \cos(25^\circ)} = 3,09\dots</math> </li> <li>• De sinusregel in driehoek <math>ABC</math> geeft <math>\frac{7}{\sin(\angle BAC)} = \frac{3,09\dots}{\sin(25^\circ)}</math></li> <li>• <math>\angle BAC = \angle BAD + 90^\circ</math></li> <li>• Beschrijven hoe de vergelijking <math>\frac{7}{\sin(x + 90^\circ)} = \frac{3,09\dots}{\sin(25^\circ)}</math> (met <math>\angle BAD = x</math>) kan worden opgelost</li> <li>• Dit geeft (<math>x = 17,03\dots^\circ</math>, dus) afgerond <math>\angle BAD = 17^\circ</math></li> </ul> | <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> |

| Vraag | Antwoord | Scores |
|-------|----------|--------|
|-------|----------|--------|

## Waterleiding

### 17 maximumscore 4

- $S_{50} = {}^{0,427} \log(50) + 12,9 = 8,30\dots$  1
- De vergelijking  ${}^{0,427} \log(t) + 12,9 = 1,2 \cdot 8,30\dots (= 9,96\dots)$  moet worden opgelost 1
- ${}^{0,427} \log(t) = -2,93\dots$  1
- $t = 0,427^{-2,93\dots} = 12,16\dots$ , dus het eindantwoord is: (na) 12,2 (jaar) 1

#### Opmerking

Als de berekende waarde voor  $t$  wordt afgerond naar 12,1, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

### 18 maximumscore 4

- $D = 312,9 + 2w$  1
- Invullen geeft  $w = \frac{1,75 \cdot (312,9 + 2w)}{14 + 1,75}$  1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- (Dit geeft  $w = 44,7$  dus) de gevraagde wanddikte is 45 (mm) 1

#### Opmerking

Als de berekende waarde voor  $w$  wordt afgerond naar beneden, hiervoor 1 scorepunt in mindering brengen.

## 5 Aanleveren scores

---

Verwerk de scores van de alfabetisch eerste vijf kandidaten per examinator in de applicatie Wolf. Cito gebruikt deze gegevens voor de analyse van de examens. Om de gegevens voor dit doel met Cito uit te wisselen dient u ze uiterlijk op 30 mei te accorderen.

Ook na 30 mei kunt u nog tot en met 11 juni gegevens voor Cito accorderen. Deze gegevens worden niet meer meegenomen in de hierboven genoemde analyses, maar worden wel meegenomen bij het genereren van de groepsrapportage.

Na accordering voor Cito kunt u in Wolf de gegevens nog wijzigen om ze vervolgens vrij te geven voor het overleg met de externe corrector. Deze optie is relevant als u Wolf ook gebruikt voor uitwisseling van de gegevens met de externe corrector.

### **tweede tijdvak**

Ook in het tweede tijdvak wordt de normering mede gebaseerd op door kandidaten behaalde scores. Wissel te zijner tijd ook voor al uw tweede-tijdvak-kandidaten de scores uit met Cito via Wolf. Dit geldt **niet** voor de aangewezen vakken.

## 6 Bronvermeldingen

---

De veldleeuwerik

tekening Shutterstock ID: 1776640748/maker: Morphart Creation  
figuur eigen werk (cito) o.b.v. meetgegevens <https://www.cbs.nl/nl-nl/nieuws/2015/32/weidevogels-in-duikvlucht>

Waterleiding

foto Shutterstock ID: 1945531930/maker: Serhii Krot

overige figuren Stichting Cito Instituut voor Toetsontwikkeling, 2025